

❖ رتب تصاعدياً: $\frac{2}{5}$ ، $٠,٤$ ، $\frac{1}{3}$

$$\underline{\underline{٠,٤}} = \frac{٤}{١٠} = \frac{٢}{٥} \quad , \quad ٠,٤٤٤..... = ٠,٤ \quad , \quad ٠,٣٣..... = \frac{1}{3}$$

- الترتيب هو: $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{5}$ ، $٠,٤$

❖ رتب تصاعدياً: π ، $\sqrt{17}$ ، $3\frac{5}{8}$

$$\underline{\underline{\pi}} \simeq ٣,١٤ \quad , \quad ٤,١ \simeq \sqrt{17} \quad , \quad ٣,٦٢٥ = 3\frac{5}{8}$$

- الترتيب هو: π ، $3\frac{5}{8}$ ، $\sqrt{17}$

❖ أوجد قيمة | س - ٥ | + | ٣, ٢ - | عندما س = -٤

$$= | -٤ - ٥ | + | ٣, ٢ - |$$

$$= | -٩ | + | ١ - |$$

$$= ٩ + ١ = ١٠$$

تذكر أن:

$$٩ = | ٩ - |$$

$$٩ = | ٩ + |$$

$$| صفر | = صفر$$

❖ أوجد مجموعة حل المعادلة: | ١ + س٢ | = ٣ في ح

$$٣ = | ١ + س٢ |$$

أو:

$$٣ - = ١ + س٢$$

$$١ - ٣ - = ١ - ١ + س٢$$

$$\frac{٤ -}{٢} = \frac{س٢}{٢}$$

$$٢ - = س$$

إما:

$$٣ = ١ + س٢$$

$$١ - ٣ = ١ - ١ + س٢$$

$$\frac{٢}{٢} = \frac{س٢}{٢}$$

$$١ = س$$

$$- \text{مج} = \{١, ٢ -\}$$

إضافة المعكوس الجمعي ١ -
للطرفين

❖ أوجد مجموعة حل المعادلات التالية في ح:

$$| س | = \text{عدد سالب}$$

$$\text{مج} = \emptyset$$

$$(١) \quad ١ = ٧ + | ١ + س٤ |$$

$$| ١ + س٤ | = ١ - ٧ = -٦$$

$$| ١ + س٤ | = -٦$$

$$- \text{مج} = \emptyset \text{ لأنه سالب}$$

من خواص القيمة المطلقة:

$$| س - ٣ | = | ٣ - س |$$

بالقسمة على ٢

$$\frac{٢}{٢} = | س - ٣ |$$

$$٣ = | ٣ - س |$$

أو:

$$٣ - = ٣ - س$$

$$٣ + ٣ - = ٣ + ٣ - س$$

$$س = صفر$$

إما:

$$٣ = ٣ - س$$

$$٣ + ٣ = ٣ + ٣ - س$$

$$٦ = س$$

$$- \text{مج} = \{٦, ٠\}$$

الفرق بين مكعبين: $س^٣ - ص^٣ = (س - ص) (س^٢ + س ص + ص^٢)$
 الإشارة (-) نفسها عكسها دائماً موجب

المجموع بين مكعبين: $س^٣ + ص^٣ = (س + ص) (س^٢ - س ص + ص^٢)$
 الإشارة (+) نفسها عكسها دائماً موجب

❖ حل ما يلي تحليلًا تاماً:

$$(١) \quad س^٣ - ٢٧ = (س - ٣) (س^٢ + ٣س + ٩)$$

$$(٢) \quad ٦٤ أ^٣ + ب^٣ = (٤أ + ب) (١٦ أ^٢ - ٤أ ب + ب^٢)$$

$$(٣) \quad ٨١ - ٣ع^٣ = (٣ - ع) (٩ + ع^٢ + ٣ع)$$

$$٣ = (٣ - ع) (٩ + ع^٢ + ٣ع)$$

$$\begin{aligned} ٠ &= ٠\sqrt[٣]{} \\ ١ &= ١\sqrt[٣]{} \\ ٢ &= ٨\sqrt[٣]{} \\ ٣ &= ٢٧\sqrt[٣]{} \\ ٤ &= ٦٤\sqrt[٣]{} \\ ٥ &= ١٢٥\sqrt[٣]{} \\ ٦ &= ٢١٦\sqrt[٣]{} \\ ٧ &= ٣٤٣\sqrt[٣]{} \\ ١٠ &= ١٠٠٠\sqrt[٣]{} \end{aligned}$$

تذكر أن:

$$(أ + ب)^2 = أ^2 + ٢أب + ب^2 \text{ (مربع كامل)}$$

$$(أ - ب)^2 = أ^2 - ٢أب + ب^2 \text{ (مربع كامل)}$$

❖ حدد ما إذا كانت الحدودية الثلاثية مربع كامل أم لا؟ ثم حل الحدودية إذا كانت مربع كامل

- الحد الأول جذره س
 - الحد الثالث جذره ٥
 - الحد الثاني (الأوسط) ٢ × الأول × الثالث
- $$٢ \times س \times ٥ = ١٠ س$$

$$س^2 + ١٠س + ٢٥$$

مربع كامل مربع كامل

$$\sqrt{س^2} = س \quad \sqrt{٢٥} = ٥ \quad \sqrt{١٠س} = ٥ \times ٢$$

∴ الحدودية الثلاثية المعطاة مربع كامل

$$س^2 + ١٠س + ٢٥ = (س + ٥)^2$$

جذر الأول إشارة الثاني جذر الثالث

هل الحدودية الثلاثية تمثل مربع كامل أم لا؟

$$ص^2 + ٣ص + ٩$$

مربع كامل مربع كامل مربع كامل

$$\sqrt{ص^2} = ص \quad \sqrt{٣ص} = \sqrt{٣} \times \sqrt{ص} \quad \sqrt{٩} = ٣$$

∴ الحدودية ليست مربع كامل

❖ حل تحليلاً تاماً باستخدام المربع الكامل

$$ص^2 + ٨ص + ١٦ = (ص + ٤)^2$$

جذر الأول، إشارة الثاني، جذر الثالث (أول+ثالث)